

第壹章

关于对缺“8”数的研究

I. 定义

在数学计算中，教会研究员们发现了一个神奇的数字—12345679。
因为它没有 8，所以数学家称它为缺“8”数
它有着很多奇妙的性质

II. 清一色

缺 8 数在乘 1 至 81 中 9 的倍数可以得到“清一色”
 $12345679 \times 9 = 111111111$ ， $12345679 \times 18 = 222222222$
 $12345679 \times 27 = 333333333$ ， $12345679 \times 36 = 444444444$
 $12345679 \times 45 = 555555555$ ， $12345679 \times 54 = 666666666$
 $12345679 \times 63 = 777777777$ ， $12345679 \times 72 = 888888888$
 $12345679 \times 81 = 999999999$

III. 三位一体

缺 8 数引起研究者的浓厚兴趣，于是人们继续用 3 的倍数与它相乘，发现乘积竟“三位一体”地重复出现
 $12345679 \times 12 = 148148148$
 $12345679 \times 15 = 185185185$
 $12345679 \times 57 = 703703703$

IV. 轮流休息

当乘数不为 3 的倍数时，此时虽然没有“清一色”或“三位一体”现象，但仍可以看到一种奇异性质：乘积的各位数字均无雷同。缺什么数字存在着明确的规律，它们是按照“均匀分布”出现的。另外，在乘积中缺 3，缺 6，缺 9 的情况肯定不存在。

乘数在区间【10-17】的情况：

其中 12 和 15 为 3 的倍数，予以排除

$$12345679 \times 10 = 123456790 \text{ (缺 8)}$$

$$12345679 \times 11 = 135802469 \text{ (缺 7)}$$

$$12345679 \times 13 = 160493827 \text{ (缺 5)}$$

$$12345679 \times 14 = 172839506 \text{ (缺 4)}$$

$$12345679 \times 16 = 197530864 \text{ (缺 2)}$$

$$12345679 \times 17 = 209876543 \text{ (缺 1)}$$

乘数在【19-26】及其他区间（区间长度为 7）的情况与此完全类似

V. 一以贯之

当乘数超过 81 时乘积将至少为十位数，但上述的各种现象依然存在，真是“吾道一以贯之”。

例：

(1) 乘数为 9 的倍数数

$12345679 \times 243 = 2999999997$ ，只要把乘积中最左边的 2 加到最右边的 7 上面，仍呈现“清一色”

(2) 乘数为 3 的倍数，但不为 9 的倍数

$12345679 \times 84 = 1037037036$ ，将最左边的 1 加到最右边的 6 上，又出现“三位一体”

(3) 乘数为 $3k+1$ 或 $3k+2$ 型

$12345679 \times 98 = 1209876542$ ，将最左边的 1 加到最右边的 2 上，得到 209876543，为“缺 1 数”，结果与理论完全融合。

VI. 走马灯

冬去春来，24 节气表现为周期性的重复，“缺 8 数”也有此种性质，但乘数相当奇异。

实际上，当乘数为 19 时，其乘积为 234567901，像走马灯一般。原先居第二位的 2 却成了开路先锋，研究显示，当乘数为 1 公差等于 9 的算数级时，出现“走马灯”现象

$$12345679 \times 28 = 345679012$$

$$12345679 \times 37 = 456790123$$

$$12345679 \times 46 = 567901234$$

VII. 回文结对

人们偶然注意到：

$$12345679 \times 4 = 49382716$$

$$12345679 \times 5 = 61728395$$

前一式的积数倒过来读，不正是后一式的积数？

（有微小差异，即以 5 代 4，这是由于“轮流休息”导致）

这样的“回文结对，携手并进”现象，对 13, 14; 22, 23; 31, 32; 40, 41 等各对乘数（每相邻两乘数对应公差为 9）也应如此

例：

$$12345679 \times 67 = 827160493$$

$$12345679 \times 68 = 839506172$$